

1.1 Наћи реална решења једначине $x\sqrt{y-1} + y\sqrt{x-1} = xy$.

1.2 Дата је правилна пирамида $ABCD S$ са врхом S . Дужина дужи AS једнака је 1, а угао ASB је једнак 30° . Наћи дужину најкраћег пута из A у A , који пресеца све бочне ивице осим AS .

1.3 Квадратна табла $N \times N$ разрезана је по страницама поља на полигоне чије површине нису веће од k ($k > 3$). Претпоставимо да се један од тих полигона граничи са свим осталим. Доказати да је $N < \sqrt{3}k$.

2.1 Дат је природан број $k > 1$. Ако су a , b и c такви природни бројеви да a дели b^k , b дели c^k и c дели a^k , за које се најмање $n = n(k)$ може са сигурношћу тврдити да abc дели $(a + b + c)^n$?

2.2 Тачка M је пресек дијагонала четвороугла $ABCD$ са угловима $\angle A = 60^\circ$, $\angle B = 90^\circ$ и $\angle C = 120^\circ$. Нека је $BM = 1$ и $MD = 2$. Наћи површину четвороугла $ABCD$.

2.3 Хрома вага су теразије (без тегова) које се ломе пошто два пута покажу неравнотежу. Међу N новчића један је неисправан, лакши од осталих. За које је највеће N могуће одредити неисправан новчић са k мерења на хромој ваги?

3.1 Наћи све реалне бројеве α за које систем једначина

$$\frac{a^3}{b+c+\alpha} = \frac{b^3}{c+a+\alpha} = \frac{c^3}{a+b+\alpha}$$

има решење које се састоји од три различита реална броја a , b и c из $[-1; 1]$

3.2 На правој су дате тачке A , B и C , такве да тачка B лежи између A и C , $AB = 3$ и $BC = 5$. Нека је BMN једнакостраничан троугао. Наћи најмању могућу вредност збира $AM + CN$.

3.3 Дати су природни бројеви n и k , $n \geq k$. У једној школи је организовано n секција. За произвољних k секција важи да је сваки ученик члан бар једне од њих, али то не важи ни за којих $k - 1$ секција. Који је најмањи могући број ученика у тој школи?

4.1 Једначину $p^2 + pq + q^2 = r^2$ решити у простим бројевима.

4.2 Нека уписани шестоугао $ABCDEF$ задовољава услове $AB = BC$, $CD = DE$ и $EF = FA$. Доказати да је $S_{ABCDEF} = 2S_{BDF}$.

4.3 Нека је n природан број. За које је природне бројеве $k \leq n$ могуће таблицу $n \times n$ попунити бројевима тако да збир свих бројева у табlici буде позитиван а да збир бројева у сваком квадрату $k \times k$ буде негативан.